

Figli z dziesiątką ciąg dalszy

Lepszy jeden wódz głupi
niż mądrych dziesięciu.

Adam Mickiewicz
„Jedna wola”

Napiszmy dowolnie dziesięć kolejnych liczb naturalnych. Zawsze znajdzie się wśród nich taka, która jest względnie pierwsza z pozostałymi. Dowód jest prosty, polecamy jako ćwiczenie.

Naprzemienna suma zaczynająca się od $10!$

$$10! - 9! + 8! - 7! + 6! - 5! + 4! - 3! + 2! - 1! = 3301819$$

jest liczbą pierwszą. Liczb o podobnej własności jest niewiele, a największą ze znanych jest $19! - 18! + 17! - 16! + \dots + 1! = 115578717622022981$.

ZADANIE 5. Znaleźć inne takie liczby.

Skoro mowa o silniach, to odnotujmy, że

$$10! = 6! \cdot 7!$$

jest jedynym znanym rozwiązaniem równania $x! = y! \cdot z!$, oczywiście w liczbach naturalnych – poza wynikającą z definicji zależnością $(n)! = (n-1)! \cdot n!$.

10 często nie jest łaskawa dla matematyków. W 1782 roku Euler postawił przypuszczenie, że nie ma ortogonalnych kwadratów łacińskich rzędu 10 i zadanie to rozwiązano dopiero (obalając przypuszczenie Eulera) w 1959 roku. Liczby Fermata to liczby postaci $F_n = 2^{2^n} + 1$. Znamy dziś rozkłady tych liczb na czynniki pierwsze dla wszystkich n mniejszych od 10 i nawet dla $n = 11$. Rozłożenie na czynniki *dziesiątej* liczby Fermata, równej:

$$2^{2^{10}} + 1 = 179769313486231590772930519078902473361797697894230657273430081157732675805500 \\ 96313270847732240753602112011387987139335765878976881441662249284743063947412 \\ 43777678934248654852763022196012460941194530829520850057688381506823424628814 \\ 73913110540827237163350510684586298239947245938479716304835356329624224137217$$

uchodzi za najpoważniejszy problem... w zagadnieniach rozkładalności liczb. Wiadomo „tylko”, że $F_{10} = 45592577 \times 6487031809 \times$

$$6078205681818343287459270474014067853989757008219115597639286750769091528 \\ 0652574779707870797802196248785484907935077096890470542412526980076576500 \\ 6449689562590686195386366153585734177565092347016126765195631310982002631 \\ 912943551551593959032889971392442015624176361633631364310142874363629569,$$

ale jak rozłożyć napisaną 291-cyfrową liczbę, nie wiadomo.

Od tak dużych liczb może nam się zaplątać w głowie i może nie pojmemy, że można posadzić 10 drzew w *dziesięciu* rzędach po trzy w każdym. Ale konfiguracja Desarguesa pokazuje, że to się da zrobić.

W dawnych książkach z kategorii *science fiction* występował od czasu do czasu problem nawiązywania kontaktów z przedstawicielami innych galaktyk. Obecnie okazuje się, że wszyscy oni mówią po angielsku, lecz dawniej uważano, że trzeba się z nimi porozumiewać za pomocą języka matematyki, bo jest on uniwersalny w całym Wszechświecie. Narysujemy na piasku *spodnie Pitagorasowe* i już zielony ufoludek kiwa ze zrozumieniem wszystkimi głowami i odpowiada twierdzeniem Pappusa. *Si, si* – cieszymy się teraz my i strzelamy z grubej rury: „A wiesz, brachu, co u nas jest podstawą numeracji? Popatrz tylko... ile jest punktów w konfiguracji Desarguesa, to tak my liczymy, szkoda, że nie mogę ci pokazać na palcach, bo mam skafander...” „Moja verstanden” – odpowiada ufoludek, „and now dawaj, brat, wypijom” – i w ten sposób matematyka i liczba 10 pomaga w kontaktach międzyludz... ops, międzysistotowych.

Michał SZUREK

