

Klub 44

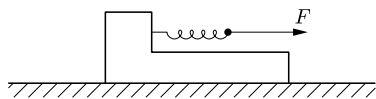


Termin nadsyłania rozwiązań:
31 VIII 2014

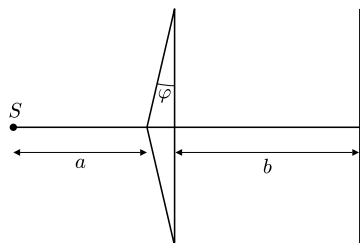
Czołówka ligi zadaniowej **Klub 44 F** po uwzględnieniu ocen rozwiązań zadań 566 ($WT = 1,97$), 567 ($WT = 2,50$), 568 ($WT = 1,20$) i 569 ($WT = 2,55$) z numerów 11/2013 i 12/2013

Krzysztof Magiera	Łosiów	47,36
Michał Koźlik	Gliwice	43,14
Tomasz Rudny	Warszawa	37,68
Jacek Konieczny	Poznań	27,92
Ryszard Woźniak	Kraków	22,51
Tomasz Wietecha	Tarnów	22,37
Andrzej Idzik	Bolesławiec	22,15

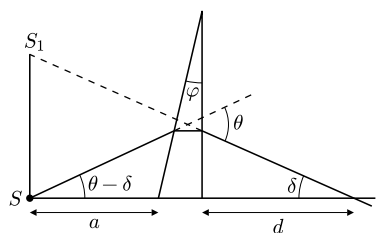
Liczbę 44 punktów po raz trzeci przekroczył pan Krzysztof Magiera. Gratulujemy!



Rys. 1



Rys. 2



Rys. 3

573. Rozważmy dowolny promień przechodzący przez pryzmat. Oznaczmy jego kąt odchylenia w pryzmacie przez θ , a kąt przecięcia promienia wychodzącego z pryzmatu z osią optyczną przez δ (rys. 3). Dla małych kątów $\theta = \varphi(n - 1)$. Niech punkt S_1 będzie przecięciem przedłużenia promienia wychodzącego z pryzmatu z prostą prostopadłą do osi optycznej przechodzącą przez S . Mamy związki: $y = a \tan(\theta - \delta) \approx (\theta - \delta)a$, $d = y/\delta = a(\theta - \delta)/\delta$. Długość odcinka $|SS_1|$ wynosi $H = (a + d)\delta = a\theta = a\varphi(n - 1)$ i nie zależy

Liga zadaniowa Wydziału Matematyki, Informatyki i Mechaniki, Wydziału Fizyki Uniwersytetu Warszawskiego i Redakcji *Delta*

Skrót regulaminu

Każdy może nadsyłać rozwiązania zadań z numeru n w terminie do końca miesiąca $n + 2$. Szkice rozwiązań zamieszczamy w numerze $n + 4$. Można nadsyłać rozwiązania czterech, trzech, dwóch lub jednego zadania (każde na oddzielnej kartce), można to robić co miesiąc lub z dowolnymi przerwami. Rozwiązania zadań z matematyki i z fizyki należy przysyłać w oddzielnych kopertach, umieszczając na kopercie dopisek: **Klub 44 M** lub **Klub 44 F**. Oceniamy zadania w skali od 0 do 1 z dokładnością do 0,1. Ocenę mnożymy przez współczynnik trudności danego zadania: $WT = 4 - 3S/N$, gdzie S oznacza sumę ocen za rozwiązania tego zadania, a N – liczbę osób, które nadesłały rozwiązanie choćby jednego zadania z danego numeru w danej konkurencji (**M** lub **F**) – i tyle punktów otrzymuje nadsyłający. Po zgromadzeniu 44 punktów, w dowolnym czasie i w którejkolwiek z dwóch konkurencji (**M** lub **F**), zostaje on członkiem **Klubu 44**, a nadwyżka punktów jest zaliczana do ponownego udziału. Trzykrotne członkostwo – to tytuł **Weterana**. Szczegółowy regulamin został wydrukowany w numerze 2/2002 oraz znajduje się na stronie deltami.edu.pl

Zadania z fizyki nr 580, 581

Redaguje *Elżbieta ZAWISTOWSKA*

580. Do powierzchni nieważkiej sfery przymocowany jest mały koralik, który możemy traktować jak punkt materialny. Sfera leży na poziomej podstawie, w chwili początkowej koralik znajduje się w najwyższym położeniu. Zakładamy, że sfera nie ślizga się po podstawie, dopóki wywiera na nią siłę nacisku. Na jakiej wysokości nad podstawką znajdzie się koralik po wytrąceniu z położenia równowagi, gdy sfera zacznie ślizgać się po podstawie?

581. Przez płaski kondensator, wypełniony dielektrykiem o stałej dielektrycznej ϵ i oporze właściwym ρ , płynie prąd $I(t) = I_0 \sin \omega t$. Znaleźć amplitudę napięcia na kondensatorze. Powierzchnia okładek kondensatora wynosi S , odległość między okładkami jest równa d .

Rozwiązania zadań z numeru 2/2014

Przypominamy treść zadań:

572. Dynamometr ciągnięty jest po gładkim poziomym stole siłą $F = 4N$ (rys. 1). Co wskazuje dynamometr, jeżeli masa sprężyny równa jest masie obudowy? Dynamometr został wyskalowany w położeniu poziomym.

573. Na bipryzmat przedstawiony na rysunku 2 pada światło monochromatyczne ze źródła punkowego S . Na ekranie powstaje obraz interferencyjny. Znaleźć odległość pierwszego maksimum interferencyjnego od środka ekranu. Dane są: a – odległość źródła od bipryzmatu, b – odległość bipryzmatu od ekranu, φ – kąt łamiący każdego z pryzmatów, który jest bardzo mały, n – współczynnik załamania szkła, z którego wykonany jest bipryzmat, λ – długość fali światła emitowanego przez źródło. Promienie interferujące padają na ekran prawie prostopadle.

572. Wskazanie dynamometru to $T = k\Delta l$, gdzie k jest współczynnikiem sprężystości sprężyny, a Δl jej wydłużeniem. Gdy dynamometr jest nieruchomy, siła rozciągająca sprężynę jest taka sama wzdłuż całej sprężyny, a dowolne jednakowe odcinki sprężyny rozciągnięte są o taką samą wielkość. Gdy dynamometr porusza się z przyspieszeniem $a = F/(2M)$, gdzie M jest masą sprężyny, siła rozciągająca sprężynę w odległości x od jej końca przymocowanego do obudowy wynosi $T(x) = \frac{M + Mx/l}{a} = \frac{(1 + x/l)F}{2}$, czyli zmienia się liniowo od wartości $F/2$ do F . Podzielmy myślowo nierozciągniętą sprężynę na n jednakowych części na tyle małych, że po rozciągnięciu siłę sprężystości T_i wzdłuż każdej części możemy uznać za stałą. Współczynnik sprężystości każdej takiej części to $k_n = nk$, bo wydłużenie całej nieruchomej sprężyny jest n razy większe niż wydłużenie pojedynczej części: $\Delta l_0 = F/k = nF/k_n$. Gdy dynamometr porusza się z przyspieszeniem a , wydłużenie sprężyny wynosi $\Delta l = \sum_1^n T_i/(nk)$. Ponieważ siła $T(x)$ jest liniową funkcją x , $\sum_1^n T_i$ jest sumą szeregu arytmetycznego, którego pierwszy wyraz równy jest $F/2$, a ostatni F , równą $\frac{n(F + F/2)}{2}$. Wskazanie poruszającego się z przyspieszeniem dynamometru wynosi:

$$k\Delta l = \frac{F + F/2}{2} = \frac{3}{4}F = 3N.$$

od kąta padania światła na pryzmat, zatem przedłużenia wszystkich promieni wychodzących z pryzmatu przecinają się w tym samym punkcie. Promienie wychodzące z dwóch pryzmatów interferują ze sobą tak, jakby pochodziły z dwóch źródeł S_1 i S_2 (od dolnego pryzmatu) oddalonych od siebie o $2H$. Wzór na pierwsze maksimum interferencyjne ma postać: $2H \sin \alpha = \lambda$. Szukana odległość między maksimami wynosi: $x = (a + b)\alpha = \frac{(a + b)\lambda}{2a\varphi(n - 1)}$.