



Termin nadsyłania rozwiązań: 30 VI 2019

Skrót regulaminu

Każdy może nadsyłać rozwiązania zadań z numeru n w terminie do końca miesiąca $n + 2$. Szkice rozwiązań zamieszczamy w numerze $n + 4$. Można nadsyłać rozwiązania czterech, trzech, dwóch lub jednego zadania (każde na oddzielnej kartce), można to robić co miesiąc lub z dowolnymi przerwami. Rozwiązania zadań z matematyki i z fizyki należy przysyłać w oddzielnych kopertach, umieszczając na kopercie dopisek: **Klub 44 M** lub **Klub 44 F**. Można je przysyłać również pocztą elektroniczną pod adresem delta@mimuw.edu.pl (preferujemy pliki pdf). Oceniamy zadania w skali od 0 do 1 z dokładnością do 0,1. Ocenę mnożymy przez współczynnik trudności danego zadania: $WT = 4 - 3S/N$, gdzie S oznacza sumę ocen za rozwiązania tego zadania, a N – liczbę osób, które nadesłały rozwiązanie choćby jednego zadania z danego numeru w danej konkurencji (**M** lub **F**) – i tyle punktów otrzymuje nadsyłający. Po zgromadzeniu **44** punktów, w dowolnym czasie i w którejkolwiek z dwóch konkurencji (**M** lub **F**), zostaje on członkiem **Klubu 44**, a nadwyżka punktów jest zaliczana do ponownego udziału. Trzykrotne członkostwo – to tytuł **Weterana**. Szczegółowy regulamin został wydrukowany w numerze 2/2002 oraz znajduje się na stronie deltami.edu.pl

Zadania z fizyki nr 676, 677

Redaguje Elżbieta ZAWISTOWSKA

676. Między zwartymi drutem okładkami nienaładowanego kondensatora płaskiego znajduje się punktowy ładunek q . Powierzchnia okładek jest bardzo duża, efekty brzegowe możemy zaniedbać. Odległość ładunku od jednej z okładek jest równa $d/3$, gdzie d jest odległością między okładkami. Jaki ładunek przepłynie przez przewodnik zwierający okładki, gdy ładunek q zostanie przesunięty w miejsce wewnątrz kondensatora, odległe o $d/3$ od drugiej okładki?

677. Oszacuj, jaki musi być minimalny promień planety, aby mogła ona utrzymać atmosferę składającą się głównie z tlenu i azotu, jeśli temperatura powierzchni planety $T = 300$ K. Średnia gęstość planety $\rho = 4 \cdot 10^3$ kg/m³.

Rozwiązania zadań z numeru 12/2018

Przypominamy treść zadań:

668. Nauczyciel, zwrócony twarzą do tablicy, obserwuje klasę dzięki odbiciu światła od powierzchni szkieł jego okularów. Nauczyciel widzi dwa obrazy ucznia, który siedzi w odległości 5 m od niego. Jeden obraz znajduje się w odległości 5 m, drugi w odległości $\frac{5}{7}$ m od nauczyciela. Po odwróceniu do klasy nauczyciel widzi przez okulary obraz tego samego ucznia w odległości 2,5 m. Wyznaczycie współczynnik załamania szkła, z którego wykonane są soczewki okularów.

669. Do naczynia w kształcie cylindra o polu przekroju poprzecznego S wiano wodę, w której pływa kawałek lodu z kulką ołowianą wewnątrz. Objętość lodu razem z kulką jest równa V . Nad wodę wystaje $\frac{1}{5}$ część tej objętości. Jak zmieni się poziom wody w naczyniu po stopieniu lodu? Gęstości wody, lodu i ołowiu wynoszą odpowiednio ρ_W, ρ_L, ρ_O .

668. Szukany współczynnik załamania możemy znaleźć ze wzoru na zdolność skupiającą soczewki okularów: $D = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$, gdzie R_1 i R_2 są promieniami krzywizny powierzchni soczewki. Są one dodatnie, gdy powierzchnia soczewki jest wypukła, i ujemne, gdy powierzchnia jest wklęsła. Odległość ucznia od soczewki jest stała i wynosi $x = 5$ m. Gdy nauczyciel patrzy na ucznia przez okulary, widzi jego obraz pozorny w odległości $y = -2,5$ m, stąd $D = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = -\frac{1}{5}$ m. Soczewki okularów są rozpraszające.

Gdy nauczyciel jest odwrócony do tablicy, jeden z obrazów odległy o y_1 powstaje w wyniku odbicia od powierzchni soczewki bliższej oka. Zdolność skupiająca takiego zwierciadła wynosi $D_1 = \frac{1}{x} + \frac{1}{y_1}$. Musimy rozważyć dwa przypadki:

- a) $y_1 = -5$ m, $D_1 = 0$, powierzchnia soczewki jest płaska,
b) $y_1 = -\frac{5}{7}$ m, $D_1 = -\frac{6}{5}$ m, powierzchnia jest wypukła,
czyli $\frac{1}{R_1} = \frac{3}{5}$ m.

Drugi obraz obserwowany przez nauczyciela odwróconego do tablicy, odległy od niego o y_2 , powstaje

w wyniku przejścia światła przez soczewkę, odbiciu od powierzchni o zdolności skupiającej D_2 dalszej od oka i ponownym przejściu przez soczewkę. Zdolność skupiająca takiego układu wynosi

$$2D + D_2 = \frac{1}{x} + \frac{1}{y_2}.$$

Rozważamy ponownie dwa przypadki:

- a) $y_2 = -\frac{5}{7}$ m, $D_2 = -\frac{4}{5}$ m, $\frac{1}{R_2} = -\frac{2}{5}$ m,
b) $y_2 = -5$ m, $D_2 = \frac{2}{5}$ m, $\frac{1}{R_2} > 0$.

Przypadek b) musimy odrzucić, bo soczewka szklana dwuwypukła nie może być rozpraszająca. W przypadku a) soczewka jest płasko-wklęsła wykonana ze szkła o współczynniku załamania $n = 1,5$.

669. Parcie P na dno naczynia nie zmienia się po stopieniu wody, bo nie zmienia się ciężar zawartości naczynia, a ścianki cylindra są pionowe:

$$P = \rho_W g H_1 S = \rho_W g H_2 S + V_O (\rho_O - \rho_W) g,$$

gdzie H_1 i H_2 oznaczają wysokości słupa wody w naczyniu przed i po stopieniu lodu, V_O jest objętością ołowiu. Różnica wysokości poziomów wody wynosi

$$(1) \quad h = H_1 - H_2 = \frac{V_O (\rho_O - \rho_W)}{S \rho_W}.$$

Ponieważ gęstość ołowiu jest większa od gęstości wody, poziom wody w naczyniu obniży się. Objętość ołowiu możemy znaleźć z warunku równowagi sił działających na pływający lód:

$$(2) \quad (V - V_O) \rho_L + V_O \rho_O = \frac{V \rho_W (n - 1)}{n}.$$

Z równań (1) i (2) otrzymujemy szukany wynik:

$$h = \frac{V (\rho_O - \rho_W) (\rho_W (1 - \frac{1}{n}) - \rho_L)}{S (\rho_O - \rho_L) \rho_W}.$$